



ORIGINAL RESEARCH PAPER

Investigating chemical bonds in crystal binding

Naser Karimi  <sup>1</sup>, Marziyeh Yahyavi  <sup>2,\*</sup>

<sup>1</sup> Department of Physics Education, Farhangian University, P.O. Box 14665-889, Tehran, Iran

<sup>2</sup> Department of Theoretical Physics and Astrophysics, University of Tabriz, Tabriz 5166616471, Iran

\* Corresponding author: ( [m.yahyavi@tabrizu.ac.ir](mailto:m.yahyavi@tabrizu.ac.ir))

ABSTRACT

**Keywords:**

Ionic bond,  
Covalent bond,  
Van der Valence  
bond,  
Hydrogen bond,  
Metallic bond.

The cohesive factor in solids is the electrostatic interaction of attraction between the negative charges of electrons and the positive charges of the nucleus. Solids are classified based on lattice symmetry and chemical bonds. On the other hand, based on the spatial distribution of electrons, chemical bonds can be classified into 5 categories: ionic bonds, covalent bonds, van der Waals or molecular bonds, hydrogen bonds, and metallic bonds. The coupling of two dipoles, one due to oscillations, and the other due to the electric field produced by the former, leads to an attracting force, which is called van der Waals force. The van der Waals bond is relatively weak. In contrast, ionic bonding results from the electrostatic interaction of oppositely charged ions. There is a strong attractive Coulomb interaction between nearest neighbor ions, which is responsible for ionic bonding. The ionic bond is very strong, and experimentally, this strength is characterized by a relatively high melting temperature. The covalent bond is another important bond that exists in many solids. A covalent bond between two atoms is usually formed by two electrons, one from each atom participating in the bond. Normally the covalent bond is strong. On the other hand, metals are characterized by their high electrical conductivity. Electrons that can move between crystals are called conduction electrons. The main characteristic of metallic bonding is the low energy of valence electrons in metals compared to free atoms. Some qualitative factors of this truth are explained in this article. Metallic bonding is weaker than ionic and covalent bonding. Due to the misunderstandings of school and university students, which is the result of their previous ideas in the field of chemistry and different types of interatomic bonds, the present article has tried to express the types of interatomic bonds in solids and compare the strength of each by calculating and drawing diagrams of cohesive energies.

Received: 16 December 2023

Revised: 13 January 2024

Accepted: 8 February 2024

Published online: 24 February 2024

PP: 43-56

ISSN (Online): [2717-2279](https://doi.org/10.48310/CHEMEDU.2024.15427.1147)

Citation: Karimi, N., Yahyavi, M. (2024). Investigating chemical bonds in crystal binding. *Research in Chemistry Education*, 5(4), 43-56.

 <https://doi.org/10.48310/CHEMEDU.2024.15427.1147>



پژوهش در آموزش شیمی، سال پنجم، شماره چهارم، صفحات ۴۳-۵۶



مقاله پژوهشی

## بررسی پیوندهای شیمیایی در اتصال کریستالی

ناصر کریمی<sup>۱</sup>، مرضیه یحیوی<sup>۲\*</sup>

<sup>۱</sup> گروه آموزش فیزیک، دانشگاه فرهنگیان، ۱۴۶۶۵-۸۱۹، تهران

<sup>۲</sup> ایران دانشکده فیزیک، گروه فیزیک نظری و اختفیفیزیک، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران.

\* نویسنده مسئول: [m.yahyavi@tabrizu.ac.ir](mailto:m.yahyavi@tabrizu.ac.ir)

### چکیده

عامل انسجام در جامدات، برهم کنش الکتروستاتیکی جاذبه بین بارهای منفی الکترون‌ها و بارهای مثبت هسته است. جامدات براساس تقارن شبکه و پیوندهای شیمیایی دسته‌بندی می‌شوند. از طرفی براساس توزیع فضایی الکترون‌ها، پیوندهای شیمیایی را می‌توان به ۵ دسته پیوند یونی، پیوند کوالانتسی، پیوند واندروالسی یا مولکولی، پیوند هیدروژنی و پیوند فلزی دسته بندی کرد. جفت‌شدنی دوقطبی، یکی به علت نوسانات، و دیگری ناشی از میدان الکتریکی تولید شده توسط اولی، منجر به نیروی جاذبه می‌شود که به آن نیروی واندروالسی می‌گویند. پیوند واندروالسی نسبتاً ضعیف است. در مقابل، پیوند یونی ناشی از برهم کنش الکتروستاتیکی یون‌هایی با بار مخالف است. یک برهم کنش کولنی جاذبه قوی بین یون‌های نزدیکترین همسایه وجود دارد، که عامل پیوند یونی است. پیوند یونی بسیار قوی است و از نظر تجربی، این استحکام با دمای ذوب نسبتاً بالا مشخص می‌شود. پیوند کوالانتسی یکی دیگر از پیوندهای مهم است که در بسیاری از جامدات وجود دارد. پیوند کوالانتسی بین دو اتم معمولاً توسط دو الکترون تشکیل می‌شود، که یکی از هر اتم در پیوند شرکت می‌کند. به طور معمول پیوند کوالانتسی قوی است. از سوی دیگر فلزات با رسانایی الکتریکی بالای خود مشخص می‌شوند. الکترون‌هایی که قادر به حرکت در بین بلور هستند، الکترون‌های رسانش نام دارند. ویژگی اصلی پیوند فلزی، پایین بودن انرژی الکترون‌های ظرفیت در فلز نسبت به اتم‌های آزاد است. در مقاله برخی از عوامل کیفی این حقیقت توضیح داده شده است. پیوند فلزی نسبت به پیوند یونی و کوالانتسی ضعیفتر است. به دلیل وجود کجفه‌های دانش‌آموزان و دانشجویان که حاصل از تصورات قبلی آن‌ها در زمینه علم شیمی و انواع مختلف پیوندهای بین‌اتمی است، در این مقاله سعی شده است به زبان صریح انواع پیوندهای بین‌اتمی در جامدات و مقایسه قدرت هر کدام از طریق محاسبه و رسم نمودارهای انرژی‌های هم‌چسبی مربوطه، مورد بررسی قرار گیرد.

### واژه‌های کلیدی:

پیوند یونی،

پیوند کوالانتسی،

پیوند واندروالسی،

پیوند هیدروژنی،

پیوند فلزی.

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۸/۲۵

تاریخ بازنگری: ۱۴۰۲/۱۰/۲۳

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۱۱/۱۹

تاریخ انتشار آنلاین: ۱۴۰۲/۱۲/۵

شماره صفحات: ۴۳-۵۶

شایپا الکترونیکی: <https://doi.org/10.48310/CHEMEDU.2024.15427.1147>

ارجاع: کریمی، ناصر؛ یحیوی، مرضیه (۱۴۰۲). بررسی پیوندهای شیمیایی در اتصال کریستالی. پژوهش در آموزش شیمی، ۵(۴)، ۴۳-۵۶.



<https://doi.org/10.48310/CHEMEDU.2024.15427.1147>

## مقدمه

خواص مکانیکی مواد برای مدت طولانی به طور گستردگی با روش‌های تجربی مختلف مورد مطالعه قرار گرفته است. پیشرفت در توسعه روش‌های اولیه در دهه گذشته به ما این امکان را می‌دهد که از جنبه نظری نیز به این موضوع جالب توجه کنیم. یک کمیت مهم که خواص مکانیکی ماده را توصیف می‌کند، استحکام پیوندهای شیمیایی بین اتم‌هاست که کنترل تعیین‌کننده‌ای روی طیف گستردگی از پدیده‌های فیزیکی از جمله پایداری و ساختار ماده، سینتیک واکنش‌های شیمیایی، و انرژی مورد نیاز یا تولید شده در تشکیل آلیاژها و ترکیبات اعمال می‌کند (Zhao, 2019). استحکام پیوند معمولاً با عبارت‌هایی مانند انرژی تفکیک پیوند و آنتالپی پیوند تعیین می‌شود. در حالی که این مقادیر کاربرد گستردگی دارند، آن‌ها فقط برای مولکول‌هایی در حالت گازی تعریف و اندازه‌گیری می‌شوند و احتمالاً به طور قابل توجهی با استحکام پیوند بین اتم‌ها در مایعات و جامدات تفاوت دارند. اولین و مهم‌ترین مدل برای پیوند شیمیایی توسط گیلبرت لوئیس در سال ۱۹۱۶ پیشنهاد شد (Lewis, 1916). با بررسی ساختارها، پایداری شیمیایی و شباهت‌ها، ترکیبات گروه اصلی ردیف اول جدول تناوبی ایجاد شد. این مدل بعدها توسط لانگمویر در سال ۱۹۲۱-۱۹۱۹ بیشتر توضیح داده شد (Langmuir, 1921). وی قاعده هشتگی را به همراه قواعد ۱۸ و ۳۲ الکترونی و اصطلاح «پیوند کوالانسی» در زمانی که هنوز نظریه کوانتموی مدرن توسعه نیافتد بود، معرفی کرد. مدل جفت-الکترون یک پیوند کوالانسی، مدل بسیار ارزشمندی است، زیرا از نظر راحتی برای به تصویر کشیدن و نمایش ساختارها و واکنش‌های مولکولی بی‌نظیر است. این مدل در طول سال‌ها تا حدودی اصلاح شده است و قوانین استفاده از ساختارهای لوئیس در طول زمان اندکی تغییر کرده است، اما ویژگی‌های اساسی تا به امروز ثابت باقی مانده است. این مورد شگفت‌آور است، زیرا منشا پیوند کوالانسی یک اثر کوانتموی است. این برای اولین بار توسط هایتلر و لندن در سال ۱۹۲۷ نشان داده شد (Heitler, 1927)، زمانی که آن‌ها پیوند شیمیایی در  $H_2$  را با استفاده از نظریه کوانتموی مدرن توسعه یافته توسط هایزنبرگ و شرودینگر (Heisenberg, 1985) تجزیه و تحلیل کردند.

لینوس پاولینگ اولین کسی بود که پلی بین مدل پیوند اکتشافی جفت-الکترون لوئیس و نظریه کوانتموی در کتاب "The Nature of the Chemical Bond" (ارائه کرد که به سرعت به استاندارد مرجع برای توصیف پیوندهای شیمیایی تبدیل شد (Pauling, 1960)). این کار در زمانی انجام شد که کامپیوترهای قدرتمند هنوز در دسترس نبودند و شیمی کوانتموی در مرحله اولیه خود بود. مطالعات بعدی نشان داد که ماهیت پیوند شیمیایی بسیار پیچیده‌تر از آنچه در ابتدا تصور می‌شد، است و ارتباط بین مدل لوئیس و ماهیت فیزیکی پیوند شیمیایی کاملاً پیچیده است. پیوند بین اتم‌ها را نمی‌توان با استفاده از مکانیک کلاسیک توضیح داد. واضح است که مفاهیمی که برای اولین بار در قرن نوزدهم مطرح شد باید با تحولات مدرن تطبیق داده شود و درک ما از اصطلاحاتی مانند «ظرفیت» و «پیوند شیمیایی» بر این اساس تغییر کند. با این وجود، شیمیدانان توانستند از داده‌های تجربی موجود برای ایجاد تصاویری از جمله پیوند در بنزن (Wu, et al., 2022)، پیوند چهار و جهی در کربن و ساختار مولکول‌های آلی فلزی (Penzel, et al., 2022) استفاده کنند. این ایده‌ها قبل از کشف پراش اشعه ایکس بوده و با کاربرد آن اثبات شده‌اند. در حال حاضر، اکثر مواد مورد استفاده در ایزارهای الکترونیکی، به حالت جامد هستند. در مهندسی الکترونیک، لازم است تا جاذبه‌هایی که اتم‌ها را کنار هم نگه می‌دارد، کشف شود، چون خواص مهندسی مواد به نیروهای بین اتمی وابسته است. نیرویی که دو اتم را کنار هم نگه می‌دارد، پیوند بین اتمی نام دارد که از جاذبه بین اتمی شتاب و الکترون‌ها با بار منفی ناشی می‌شود. از طرف دیگر، فهم پیوند بین اتمی در مهندسی مواد ضروری است (Deringer, 2019). لازمه این امر درک ساختار، خواص، و عملکرد مواد مختلف که تحت اثر پیوند بین اتمی هستند، می‌باشد. نحوه پیوند این اتم‌ها بر استحکام مکانیکی، رسانایی و چکش خواری مواد اثر می‌گذارد. نیروهای بین اتمی شامل هر دو نیروی جاذبه و دافعه می‌شود. نیروهای جاذبه بین ذرات با بارهای مثبت و منفی، و نیروهای دافعه بین ذرات با بارهای یکسان به وجود می‌آیند. به دلیل ساختار الکترونیکی اتم‌ها، انواع مختلفی از پیوندها وجود دارند که باعث توزیع مجدد بار الکتریکی نسبت به برهم‌نهی ساده چگالی بار اتمی می‌شود. بسته به استحکام و جهت‌گیری، پیوندها به دو نوع تقسیم‌بندی می‌شوند: پیوندهای بین اتمی (پیوند کوالانسی، پیوند یونی و پیوند فلزی)، پیوندهای بین مولکولی (پیوند واندرالسی و پیوند هیدروژنی). پیوندهای بین مولکولی در مقایسه با پیوندهای بین اتمی ضعیف هستند. آنها در اکثر مواد یافت می‌شوند، اما اثرات آنها اغلب تحت اثر استحکام پیوند بین اتمی قرار می‌گیرد.

پیوندهای بین اتمی شامل به اشتراک‌گذاری یا انتقال الکترون بین اتم‌ها برای تشکیل پیکربندی الکترونی پایدارتر است. همه عناصر به جز گازهای بی اثر دارای لایه ظرفیت پر نشده هستند. به عنوان مثال، سدیم دارای هسته‌ای حاوی ۱۱ پروتون و لایه‌های در حال گردش حاوی ۱۱ الکترون است. لایه بیرونی یک الکترون ظرفیت دارد. پیوند بین اتمی زمانی اتفاق می‌افتد که الکترون‌ها از دست بروند یا به دست بیایند تا لایه بیرونی پر شود. به عنوان مثال، اگر یک اتم سدیم الکترون ظرفیت خود را از دست بدهد، با یک لایه بیرونی کامل از الکترون‌ها باقی می‌ماند و اگر یک اتم کلر که تنها هفت الکترون در لایه بیرونی دارد، یک الکترون به دست آورد، لایه بیرونی آن پر می‌شود. پیوندهای بین مولکولی، پیوندهایی با الکترون ظرفیتی نیستند که به اشتراک گذاشته یا انتقال داده می‌شوند. آنها معمولاً زمانی تشکیل می‌شوند که توزیع بار ناهموار رخ داده و ایجاد دوقطبی کند (در این حالت بار کل صفر است، اما باز مثبت یا منفی در یک انتهای اتم نسبت به طرف دیگر کمی بیشتر است).

این دوقطبی‌ها را می‌توان با نوسانات تصادفی الکترون‌ها در اطراف میدان متقارن الکتریکی در اتم ایجاد کرد. هنگامی که یک دوقطبی تصادفی در یک اتم تشکیل شد، یک دوقطبی القایی در اتم مجاور تشکیل می‌شود. این نوع پیوندی است که در مولکول‌های  $N_2$  وجود دارد و به پیوند واندوالس معروف است. در مقاله حاضر، می‌خواهیم پیوندهای شیمیایی موجود در جامدات و انرژی هرکدام را مورد بررسی قرار دهیم تا بتوانیم در آموزش بخشی از علم شیمی و رفع کج فهمی‌های احتمالی موجود در مورد این مفاهیم در بین دانشآموزان و دانشجویان (عظمت، ۱۳۹۸؛ احمدآبادی، ۱۳۹۹؛ لالمی، ۱۴۰۰) سهیم باشیم. در این مقاله، ما به طور صریح انواع پیوندهای بین اتمی و عامل به وجود آمدن هرکدام از پیوندها را تشریح می‌کنیم. جهت ملموس بودن انواع پیوندها، سعی می‌کنیم برای هرکدام مثالی مطرح کنیم و به محاسبه انرژی همچسبی متناظر بپردازیم. این به نوبه خود، قدرت هر پیوند را مشخص خواهد کرد.

## روش

در مقاله حاضر پیوندهای بین اتمی را که عامل اصلی انسجام در اجسام است، به طور کامل توضیح می‌دهیم و با استفاده از محاسبات و رسم نمودارهای مربوط به انرژی همچسبی - که در واقع انرژی لازم برای جدا کردن بلور به اتم‌های آزاد است و به نوعی قدرت پیوندهای بین اتمی را نشان می‌دهد - به مقایسه قدرت این پیوندها می‌پردازیم.

## یافته‌ها

### نیروهای بین اتمی

همه مواد از اتم‌ها ساخته شده‌اند. این اتم‌ها توسط نیروهایی که در تعیین خواص مواد نقش فرایندهای دارند، کنار هم نگه داشته می‌شوند. جامدات دارای ساختار پایدار هستند، بنابراین برهمنشها می‌ وجود دارد که اتم‌ها را در یک بلور کنار هم نگه می‌دارد. برای مثال، بلور سدیم کلرید پایدارتر از مجموعه‌ای از اتم‌های آزاد  $Na$  و  $Cl$  است. این بدان معنی است که اتم‌های  $Na$  و  $Cl$  همدیگر را جذب می‌کنند، یعنی یک نیروی جاذبه بین اتمی وجود دارد که اتم‌ها را کنار هم‌دیگر نگه می‌دارد. همچنین نشان می‌دهد که انرژی بلور کمتر از انرژی اتم‌های آزاد است. مقدار انرژی مورد نیاز برای جدا کردن بلور به مجموعه‌ای از اتم‌های آزاد، انرژی همچسبی<sup>۱</sup> بلور نامیده می‌شود:

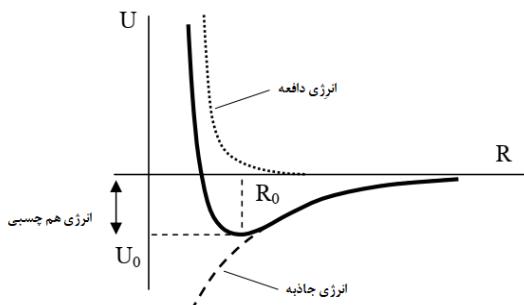
$$\text{انرژی بلور} - \text{انرژی اتم‌های آزاد} = \text{انرژی همچسبی}$$

بزرگی انرژی همچسبی برای جامدات مختلف دارای مقادیر متنوعی از  $10^{-10} \text{ eV/atom}$  تا  $10^{-1} \text{ eV/atom}$  می‌باشد، به جز گازهای بی‌اثر که انرژی همچسبی آن‌ها از مرتبه  $10^{-1} \text{ eV/atom}$  است (جدول ۱ (Kittel, 2005)). در واقع انرژی همچسبی دمای ذوب را کنترل می‌کند (جدول ۱ و جدول ۲ (Kittel, 2005)).

در شکل ۱، منحنی نوعی برای انرژی پتانسیل (انرژی بستگی) نشان داده شده است که برهمنش بین دو اتم را مشخص می‌کند. این منحنی در فاصله  $R=R_0$  دارای یک کمینه است. برای  $R > R_0$ ، پتانسیل به تدریج افزایش

<sup>1</sup> Cohesive energy

می‌باید، تا جایی که از مقدار صفر به بی‌نهایت می‌رسد. این در حالی است که برای  $R < R_0$ . پتانسیل به سرعت افزایش می‌باید، به طوری که در  $R = 0$  به بی‌نهایت تمایل می‌شود. چون سیستم تمایل دارد که کمترین انرژی ممکن را داشته باشد، آن در  $R = R_0$  پایدارترین است. این فاصله تعادل بین‌انمی<sup>۱</sup> است. انرژی متناظر  $U_0$  انرژی هم‌چسبی است.



شکل ۱- منحنی انرژی پتانسیل (انرژی بستگی).

مقدار نوعی فاصله تعادل از مرتبه چند آنگستروم (به طور تقریبی از ۲ تا ۳ آنگستروم) است، به طوری که نیروهای مورد بررسی برد کوتاهی دارند.

نیروی بین‌انمی توسط گرادیان انرژی پتانسیل تعیین می‌شود، طوری که:

$$F(R) = -\frac{\partial U}{\partial R} \quad (1)$$

اگر این معادله را به منحنی شکل ۱ اعمال کنیم، مشاهده می‌کنیم که برای  $R < R_0$ ,  $F(R) < 0$ . این بدان معنی است که برای جداسازی‌های بزرگ، نیرو جاذبه است و تمایل دارد اتم‌ها را به سمت هم بکشد. از طرف دیگر، برای  $R > R_0$  داریم  $F(R) > 0$ ، یعنی، در جداسازی‌های کوچک اتم‌ها، نیرو دافعه می‌شود و اتم‌ها تمایل دارند از هم دور شوند.

نیروهای دافعه و جاذبه به طور دقیق هم‌دیگر را در نقطه  $R_0$  خنثی می‌کنند که همان نقطه تعادل است. نیروهای جاذبه بین اتمی منعکس‌کننده حضور پیوندهای بین اتم‌ها در جامدات است، که عامل پایداری بلور هستند. بسته به منشاء فیزیکی و ماهیت نیروی پیوند درگیر، انواع مختلفی از پیوند وجود دارد. چهار نوع مهم از این پیوندها عبارتند از: پیوند واندروالسی<sup>۲</sup> (مولکولی)، پیوند یونی، پیوند کوالانسی<sup>۳</sup> و پیوند فلزی<sup>۴</sup>.

اگرچه ماهیت انرژی جاذبه در جامدات مختلف متفاوت است، منشاء انرژی دافعه در همه جامدات مشابه است. منشاء نیروی دافعه اساساً به علت اصل طرد پائولی<sup>۵</sup> است. جمله اول این اصل بیان می‌دارد که دو الکترون نمی‌توانند اوربیتال یکسانی را اشغال کنند. هنگامی که یون‌ها به اندازه کافی به یکدیگر نزدیک می‌شوند، اوربیتال‌های الکترون‌ها شروع به همپوشانی می‌کنند (شکل ۲). یعنی بعضی از الکترون‌ها تلاش می‌کنند تا اوربیتال‌هایی را اشغال کنند که قبلاً توسط الکترون‌های دیگر اشغال شده است. اگرچه این طبق اصل طرد پائولی ممنوع است. در نتیجه، الکترون‌ها به حالت‌هایی با انرژی بالاتر اشغال نشده اتم‌ها برانگیخته می‌شوند. بنابراین، همپوشانی الکترون، انرژی کل سیستم را

<sup>1</sup> equilibrium interatomic distance

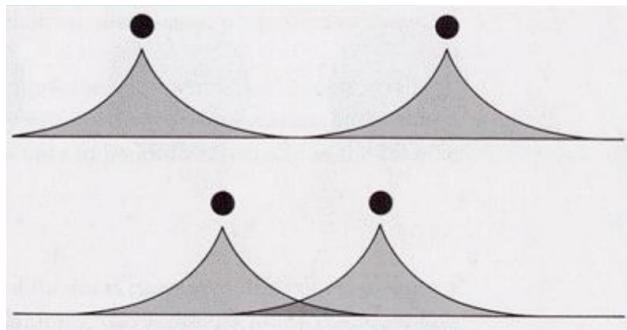
<sup>2</sup> Van der Waals bonding

<sup>3</sup> covalent bonding

<sup>4</sup> metallic bonding

<sup>5</sup> Pauli exclusion principle

افزایش می‌دهد و سهم دافعه‌ای را در بر هم کنش ایجاد می‌کند. برهم‌کنش دافعه‌ای برای بررسی تحلیلی از اصول اولیه آسان نیست. به منظور انجام برخی تخمین‌های کمی، اغلب فرض می‌شود که این برهم‌کنش را می‌توان با پتانسیل دافعه میدان مرکزی  $\lambda \exp(-r/\rho)$  توصیف کرد، که در آن  $\lambda$  و  $\rho$  ثابت هستند یا به شکل  $A/R^n$  می‌باشند، که در آن  $n$  به حد کافی بزرگ و  $A$  ثابت است.



شکل ۲- همپوشانی الکترون‌ها

### پیوند واندروالسی (مولکولی)

منشأ نیروهای واندروالس، دوقطبی‌های نوسان‌کننده هستند. اگر توزیع بار به طور کامل متقارن کروی باشد، هیچ میدان الکتریکی خارج از اتم خنثی وجود ندارد، و هیچ برهم‌کنش الکتروستاتیکی بین اتم‌ها وجود ندارد. یک دوقطبی زمانی به وجود می‌آید که توزیع بار از ابر الکترونی موجود، به هم بریزد. چون دوقطبی یک میدان الکتریکی متناسب با

$$\frac{p}{r^3}$$

القا می‌کند، آن می‌تواند اتم همسایه را قطبی نماید. توزیع بار حول توزیع متقارن کروی در حال نوسان است و دوقطبی‌های نوسان‌کننده موقع ایجاد می‌کند. اتم‌های نوسان‌کننده، گشتاورهای دوقطبی را در یکدیگر القا می‌کنند و گشتاورهای القایی باعث برهم‌کنش جاذبه بین اتم‌ها می‌شوند.

در ابتدا، بلورهای گازهای بی‌اثر را در نظر می‌گیریم، که با پیوند واندروالسی مشخص می‌شوند. توزیع الکtron در چنین بلورهایی مشابه توزیع الکtron در اتم‌های آزاد است. گازهای نجیب مانند نئون (Ne)، آرگون (Ar)، کریپتون (Kr) و زنون (Xe) با لایه‌های الکترونی پرشده و یک توزیع کروی از ابرهای الکترونی در اتم‌های آزاد مشخص می‌شوند. در بلور گاز بی‌اثر، اتم‌ها با یک ساختار fcc مکعبی در کنار هم‌دیگر قرار می‌گیرند.

حال سؤال این است که چه چیزی اتم‌های یک گاز بی‌اثر را کنار هم نگه می‌دارد؟ اتم‌های دو گاز بی‌اثر (۱ و ۲) را در نظر بگیرید که در فاصله  $R$  از هم قرار دارند. توزیع میانگین بار در یک تک‌اتم متقارن کروی است، که بدین معناست

که میانگین گشتاور دوقطبی اتم ۱ صفر است ( $\vec{d}_1 = 0$ ). در اینجا برآکت نشان‌دهنده میانگین زمانی گشتاور دوقطبی است. با این حال، در هر لحظه از زمان، ممکن است به علت نوسانات توزیع بار الکتریکی، گشتاور دوقطبی

غیرصفر وجود داشته باشد. ما این گشتاور دوقطبی را با  $d_1$  نشان می‌دهیم. براساس الکتروستاتیک، این گشتاور دوقطبی میدان الکتریکی تولید می‌کند، که یک گشتاور دوقطبی روی اتم ۲ القا می‌کند. این گشتاور دوقطبی با میدان

الکتریکی (که به نوبه خود متناسب با  $d_1 / R^3$  است) متناسب است:

$$d_2 \sim E \sim \frac{d_1}{R^3} \quad (2)$$

گشتاورهای دوقطبی دو اتم با همدیگر برهمنش می‌کنند. بنابراین، انرژی بدلیل این برهمنش کاهش می‌یابد. انرژی برهمنش با حاصلضرب گشتاورهای دوقطبی و معکوس مکعب فاصله بین اتم‌ها متناسب است.

$$-\frac{d_1 d_2}{R^3} \sim -\frac{d_1^2}{R^6}. \quad (3)$$

بنابراین جفتشدگی دو دوقطبی، یکی به علت نوسانات، و دیگری ناشی از میدان الکتریکی تولید شده توسط اولی، منجر به نیروی جاذبه می‌شود که به آن نیروی واندروالس می‌گویند. پتانسیل میانگین زمانی از طریق مقدار میانگین

$$\langle d_1^2 \rangle \text{ تعیین می شود که صفر نیست، حتی اگر } \langle d_1 \rangle \text{ صفر باشد.}$$

$$U \sim -\frac{\langle d_1^2 \rangle}{R^6} = -\frac{A}{R^6}. \quad (4)$$

پتانسیل مربوطه با عکس توان ششم جدایی بین اتم‌ها ( $R^6$ ) متنسب است. پیوند واندروالسی نسبتاً ضعیف است و انرژی همچسبی متناظر از مرتبه  $10 \text{ eV/atom}$  است.

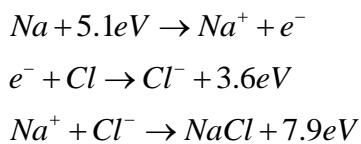
این برهمنش جاذبه که توسط معادله (۱.۴) توصیف می‌شود، فقط برای جدایی نسبتاً بزرگ بین اتم‌ها برقرار است. در جدایی‌های کوچک، نیروهای دافعه بسیار قوی ناشی از همپوشانی لایه‌های الکترونی داخلی شروع به غلبه می‌کنند. به نظر می‌رسد که برای گازهای بی‌اثر، این برهمنش دافعه را می‌توان به خوبی با پتانسیلی به شکل  $B/R^{12}$ ، که در آن  $B$  یک ثابت مثبت است، تطبیق داد. با ترکیب این با معادله (۴)، انرژی پتانسیل کل دو اتم با جدایی  $R$  را می‌توان به صورت زیر به دست آورد:

$$U = 4\epsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{R} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{R} \right)^6 \right], \quad (5)$$

که  $4\epsilon\sigma^{12} \equiv B$  و  $4\epsilon\sigma^6 \equiv A$  معرف است.

#### پیوند یونی

پیوند یونی ناشی از برهمنش الکتروستاتیکی یون‌هایی با بار مخالف است. به عنوان مثال، سدیم کلرید را در نظر بگیرید. در حالت بلورین، هر اتم Na تک الکترون ظرفیت خود را به اتم Cl همسایه خود می‌دهد، بنابراین یون‌های  $Na^+$  و  $Cl^-$  تولید می‌شود که لایه‌های الکترونیکی را پر کرده‌اند. در نتیجه، یک بلور یونی حاوی یون‌های مثبت و منفی است که توسط برهمنش الکتروستاتیکی قوی جفت شده‌اند.

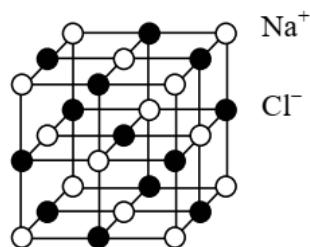


در واکنش‌های بالا، مقادیر  $5.1 \text{ eV}$ ،  $3.6 \text{ eV}$  و  $7.9 \text{ eV}$  به ترتیب انرژی یونش، الکترون خواهی و انرژی الکتروستاتیکی را نشان می‌دهند. انرژی همچسبی را می‌توان به صورت  $7.9eV - 5.1eV + 3.6eV$  محاسبه کرد، به عبارت بهتر:



<sup>1</sup> Lennard-Jones potential

که  $6.4 \text{ eV}$  انرژی همچسبی است. ساختار  $\text{NaCl}$  همان‌طور که در شکل ۳ نشان داده شده است، دو شبکه fcc متقابل از یون‌های  $\text{Na}^+$  و  $\text{Cl}^-$  است:



شکل ۳- ساختار  $\text{NaCl}$

بنابراین، هر یون سدیم توسط ۶ یون کلر احاطه شده است و برعکس. این ساختار نشان می‌دهد که یک برهم‌کنش کولنی<sup>۱</sup> جاذبه قوی بین یون‌های نزدیکترین همسایه وجود دارد، که عامل پیوند یونی است. برای محاسبه انرژی بستگی، نیاز است که برهم‌کنش‌های کولنی همه اتم‌های جامد را در نظر بگیریم. همچنین، انرژی دافعه را هم باید لحاظ کرد، که ما فرض می‌کنیم یکتابع نمایی است. بنابراین برهم‌کنش بین دو اتم  $i$  و  $j$  در یک شبکه از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$U_{ij} = \lambda e^{-r_{ij}/\rho} \pm q^2 / r_{ij} \quad (6)$$

در اینجا،  $r_{ij}$  فاصله بین دو اتم و  $q$  بار الکتریکی اتم است. علامت (+) برای بارهای مشابه و علامت (-) برای بارهای غیرمشابه به کار می‌رود.

انرژی کل بلور عبارت است از جمع روی  $i$  و  $j$ ، یعنی:

$$U = \frac{1}{2} \sum_{i,j} U_{ij} = N \sum_j (\lambda e^{-r_{ij}/\rho} \pm q^2 / r_{ij}). \quad (7)$$

در این رابطه، ضریب  $1/2$  به این علت است که هر جفت از برهم‌کنش‌ها باید فقط یک بار حساب شوند. تساوی دوم ناشی از این حقیقت است که در ساختار  $\text{NaCl}$ ، جمع روی  $j$  به مثبت یا منفی بودن یون مرجع  $i$  که تعداد کل اتم‌ها را نشان می‌دهد، بستگی ندارد. دومی تقسیم بر دو، تعداد مولکول‌ها ( $N$ ) را نشان می‌دهد که از یک یون مثبت و یک یون منفی تشکیل شده است. برای سادگی، ما فرض می‌کنیم که برهم‌کنش دافعه فقط برای نزدیکترین همسایه‌ها اتفاق می‌افتد (چون با افزایش فاصله بین اتم‌ها به سرعت کاهش می‌یابد). در این صورت، داریم:

$$U = N(z\lambda e^{-R/\rho} - \alpha q^2 / R) \quad (8)$$

در اینجا،  $R$ ،  $z$  و  $\alpha$  به ترتیب، فاصله بین نزدیکترین همسایه‌ها، تعداد نزدیکترین همسایه‌ها و ثابت مادلونگ<sup>۲</sup> است. ثابت مادلونگ برابر است با:

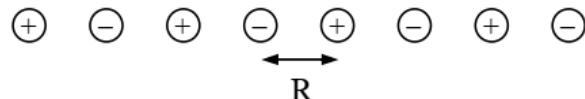
$$\alpha = \sum_{j \neq i} \frac{(\pm 1)}{p_{ij}}, \quad (9)$$

<sup>1</sup> Coulomb interaction

<sup>2</sup> Madelung constant

که  $p_{ij} \equiv p_{ij}R$  به صورت  $r_{ij}$  تعریف می‌شود. مقدار ثابت مادلونگ نقش مهمی در نظریه بلورهای یونی بازی می‌کند. به طور کلی نمی‌توان ثابت مادلونگ را به صورت تحلیلی محاسبه کرد. یک روش قدرتمند برای محاسبه مجموع شبکه توسط اwald<sup>۱</sup> توسعه داده شد که به آن جمع اwald<sup>۲</sup> می‌گویند که می‌تواند برای ارزیابی عددی ثابت‌های مادلونگ در جامدات استفاده شود.

مثال: یک شبکه یک بعدی از یون‌ها با علامت‌های مشخص شده در شکل ۴ نشان داده شده است:



شکل ۴- مثالی از شبکه یک بعدی از یون‌ها

در این مورد:

$$\alpha = 2\left[1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots\right] = 2\ln 2, \quad (10)$$

که از بسط لگاریتم به صورت  $\ln(1+x) = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^n}{n}$  استفاده کرده‌ایم. محاسبه سه بعدی سری بسیار دشوارتر است و به این راحتی انجام نمی‌شود. روش‌های محاسبه مقادیر ثابت مادلونگ برای جامدات مختلف محاسبه، جدول‌بندی شده و در مقالات موجود است (Harrison, 2006).

اکنون فاصله تعادل بین نزدیکترین همسایگان را برای شبکه نوع NaCl با استفاده از معادله (۸) محاسبه می‌کنیم. در

تعادل، مشتق  $\frac{dU}{dR}$  برابر صفر است، بنابراین:

$$-\frac{z\lambda}{\rho} e^{-R_0/\rho} + \frac{\alpha q^2}{R_0^2} = 0 \quad (11)$$

در نتیجه :

$$R_0^2 e^{-R_0/\rho} = \frac{\alpha \rho q^2}{z\lambda}. \quad (12)$$

این رابطه، جدایی تعادل  $R_0$  را بر حسب پارامترهای  $\rho$  و  $\lambda$  پتانسیل دافعه تعیین می‌کند. با استفاده از معادلات (۸) و (۱۲)، می‌توان انرژی همچسبی در هر اتم از جامد یونی را به صورت زیر نوشت:

$$U_0 = \frac{\alpha N q^2}{R_0^2} - \frac{\alpha N q^2}{R_0} = -\frac{\alpha N q^2}{R_0} \left(1 - \frac{\rho}{R_0}\right). \quad (13)$$

حال بزرگی انرژی همچسبی در NaCl را تخمین می‌زنیم. ثابت مادلونگ برابر  $\alpha = 1.75$ ، فاصله بین اتمی برابر  $R_0 = a/2 \approx 2.8A^\circ$  و بار  $q=e$  است. برهم‌کنش دافعه دارای محدوده بسیار کوتاه از مرتبه  $\rho = 0.1 R_0$  است. از معادله (۱۳) داریم:

<sup>1</sup> Ewald

<sup>2</sup> Ewald summation

$$\frac{U_0}{N} \approx -\frac{\alpha}{(R_0/a_0)} \frac{e^2}{a_0} \left(1 - \frac{0.1R_0}{R_0}\right) \approx -\frac{1.8}{6} 27(0.9)eV \approx -8eV$$

(۱۴)

مشاهده می‌کنیم که مقدار نوعی انرژی بستگی هر جفت اتم‌ها به طور تقریبی برابر ۸ الکترون‌ولت است. این نشان می‌دهد که پیوند یونی بسیار قوی است. از نظر تجربی، این استحکام با دمای ذوب نسبتاً بالا مشخص می‌شود. به عنوان مثال، دمای ذوب NaCl حدود ۱۱۰۰ درجه سانتیگراد است، در حالی که برای فلز Na حدود ۴۰۰ درجه سانتیگراد می‌باشد.

### پیوند کوالانسی

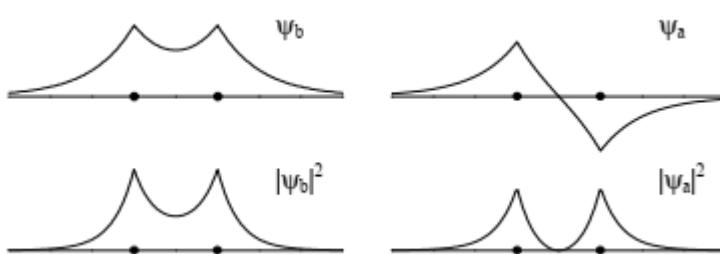
پیوند کوالانسی یکی دیگر از پیوندهای مهم است که در بسیاری از جامدات وجود دارد. پیوند کوالانسی بین دو اتم معمولاً توسط دو الکترون تشکیل می‌شود، که یکی از هر اتم در پیوند شرکت می‌کند. الکترون‌های تشکیل‌دهنده پیوند تمایل دارند تا حدی در ناحیه بین دو اتم که توسط پیوند به هم متصل شده‌اند، قرار بگیرند. به طور معمول پیوند کوالانسی قوی است: به عنوان مثال، پیوندی است که اتم‌های کربن را در الماس جفت می‌کند. پیوند کوالانسی همچنین مسئول عامل بلورهای سیلیکون و ژرمانیوم است.

شکل پیوند کوالانسی را با در نظر گرفتن دو اتم (مانند اتم‌های هیدروژن)، که توسط اوربیتال‌های  $\psi_1$  و  $\psi_2$  توضیح می‌دهیم. اوربیتال مولکولی دو اتم ترکیب خطی از دو اوربیتال است. با توجه به اینکه توزیع بار الکترون باید نسبت به دو اتم متقارن باشد، ملاحظات تقارن مانع از هرگونه ترکیب خطی دیگری می‌شود. بنابراین فقط دو احتمال وجود دارد،

$$\psi_b = \psi_1 + \psi_2 \quad (15)$$

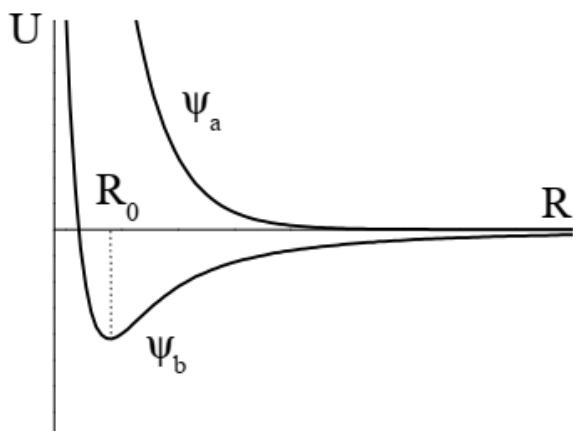
یا

$$\psi_a = \psi_1 - \psi_2 \quad (16)$$



شکل ۵- اوربیتال‌های مولکولی

$|\psi_b|^2$  اوربیتال‌های مولکولی در شکل ۵ نشان داده شده است. این شکل همچنین توزیع بار را نشان می‌دهد که توسط  $|\psi_a|^2$  به دست می‌آید. می‌توان دید که سهم قابل توجهی از چگالی بار در ناحیه بین هسته‌ها برای اوربیتال متقارن وجود دارد، در حالی که چگالی صفر بین هسته‌ها برای اوربیتال نامتقارن وجود دارد. مطابق شکل ۶ که انرژی را بر حسب تابعی از فاصله بین اتمی نشان می‌دهد، دو اوربیتال انرژی‌های مختلف دارند.



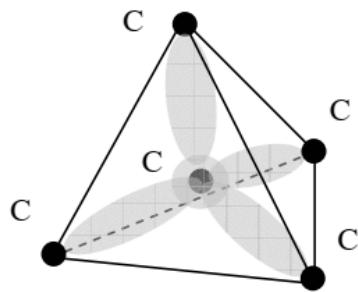
شکل ۶- انرژی بر حسب فاصله بین اتمی

مشاهده می‌شود که اوربیتال متقارن دارای حداقل انرژی در فاصله مشخص و دارای انرژی پایین‌تر از اوربیتال نامتقارن است. بنابراین، این اوربیتال پیوندی<sup>۱</sup> است که منجر به حالت پایدار مولکول می‌شود. اوربیتال دیگر اوربیتال ضدپیوندی<sup>۲</sup> نام دارد، که دارای کمترین انرژی در جدایی بین نهایت اتم‌ها است. این مثال ساده‌ای از پیوند کوالانسی بین دو اتم بود.

توجه شود که اسپین‌های دو الکترون که در پیوند شرکت می‌کنند، غیرموازی هستند. این نتیجه اصل طرد پائولی است که مستلزم آن است که تابع موج کل سیستم الکترون‌ها با توجه به هرگونه تبادل مختصات دو الکترون، نامتقارن باشد. در مورد حالت پیوند، تابع موج اوربیتال متقارن است و بنابراین سهم اسپین باید نامتقارن باشد، به این معنی که اسپین‌ها غیرموازی هستند. از سوی دیگر، اسپین‌ها برای اوربیتال ضدپیوندی موازی هستند. می‌بینیم که اصل پائولی توزیع بار را بسته به جهت اسپین الکترون‌ها تغییر می‌دهد. این سهم از وابسته به اسپین به انرژی کولن، برهمنکنش تبادلی نامیده می‌شود. ساده‌ترین مثال پیوند کوالانسی یک مولکول هیدروژن است.

پیوند کوالانسی در جامدات دارای خواص جهتی قوی است. برای مثال، کربن دارای چهار الکترون ظرفیت  $1s^2 2s^2 2p^2$  است و پیوندهای چهاروجهی را با نزدیکترین همسایه‌ها می‌سازد، که منجر به ساختار نوع الماسی می‌شود. اتم کربن در مرکز چهاروجهی واقع است، اتم‌های کربن همسایه در رؤوس چهاروجهی قرار دارند (شکل ۷). چون چهار پیوند متصل‌کننده اتم مرکزی به همسایه‌ها وجود دارد، هر اتم C خود را با هشت الکترون ظرفیت احاطه می‌کند که ساختار پایدار است، زیرا لایه دوم اکتون کاملاً پر است. چنین نظم چهاروجهی برای Si و Ge – این عناصر در ستون چهارم جدول تناوبی یافت می‌شوند- نیز رخ می‌دهد.

<sup>1</sup> bonding orbital<sup>2</sup> antibonding orbital



شکل ۷- ساختار چهاروجهی

برای توضیح آرایش چهاروجهی در الماس، باید توجه داشت که هر اتم C دارای چهار الکترون در لایه دوم است: دو الکترون  $2s$  و دو الکترون  $p$  ( $2s^2 2p^2$ ). حالت‌های s متقارن کروی هستند، در حالیکه حالت‌های p توزیع‌های بار واقع در امتداد x, y و z را نشان می‌دهند. تفاوت انرژی بین این حالت‌ها خیلی بزرگ نیست. این نشان می‌دهد که حریک یکی از الکترون‌های s به حالت p از نظر انرژی ( $2s^1 2p^3$ ) مطلوب است. می‌توان ترکیبات خطی اوربیتال‌های اتمی را به صورت زیر ساخت:

$$\begin{aligned}\psi_1 &= 1/2(s + p_x + p_y + p_z), \\ \psi_2 &= 1/2(s + p_x + p_y - p_z), \\ \psi_3 &= 1/2(s + p_x - p_y - p_z), \\ \psi_4 &= 1/2(s - p_x - p_y - p_z).\end{aligned}\quad (17)$$

چگالی‌های مربوط به این اوربیتال‌ها در امتداد چهار وجهی قرار دارند. بنابراین، این اوربیتال‌ها نمایش بهتری از حالت الکترون‌ها با اوربیتال‌های قدیمی تر s, p<sub>x</sub>, p<sub>y</sub>, p<sub>z</sub> را نشان می‌دهند. ترکیب حالت‌های s و p در معادله (17) تحت عنوان هیبریداسیون sp نامیده می‌شود. نوع خاصی از هیبریداسیون در الماس تحت عنوان هیبریداسیون sp<sup>3</sup> شناخته می‌شود. هیبریداسیون sp<sup>3</sup> در Si و Ge نیز رخ می‌دهد. در Si یک 3s و سه حالت 3p هیبرید می‌شوند تا پیوندهای چهاروجهی تشکیل دهند. در Ge، هیبریداسیون sp<sup>3</sup> شامل یک الکترون 4s و سه الکترون 4p است. در پایان بحث پیوندهای یونی و کووالانسی، خاطرنشان می‌کنیم که محدوده پیوسته‌ای از بلورها بین حد یونی و کووالانسی وجود دارد. در بسیاری از موارد، تخمین میزان یونی یا کووالانسی بودن یک پیوند داده شده مهم است. روش‌های نظری مدرنی وجود دارد که به ما امکان می‌دهد درجه یونیت و کووالانسی را در بسیاری از جامدات کمی کنیم.

### پیوند فلزی

فلزات با رسانایی الکتریکی بالای خود مشخص می‌شوند، که اشاره به تعداد بسیار زیاد الکترون‌هایی دارد که در فلز برای حرکت آزاد هستند. الکترون‌هایی که قادر به حرکت در بین بلور هستند، الکترون‌های رسانش<sup>1</sup> نام دارند. معمولاً الکترون‌های ظرفیت در اتم‌ها، الکترون‌های رسانش در جامدات هستند. ویژگی اصلی پیوند فلزی، پایین بودن انرژی الکترون‌های ظرفیت در فلز نسبت به اتم‌های آزاد است. در زیر، برخی از عوامل کیفی این حقیقت توضیح داده شده است.

<sup>1</sup> conduction electrons

طبق اصل عدم قطعیت هایزنبرگ، نامشخص بودن مختصات و تکانه به همدیگر وابسته هستند، به طوری که  $\Delta x \Delta p \sim \hbar$ . در یک اتم آزاد، الکترون‌های ظرفیت با حجم نسبتاً کمی محدود می‌شوند. بنابراین،  $\Delta p$  نسبتاً بزرگ است که باعث می‌شود انرژی جنبشی الکترون‌های ظرفیت در یک اتم آزاد بزرگ باشد. از سوی دیگر، در حالت بلورین، الکترون‌ها برای حرکت در بین همه بلور که حجم آن زیاد است، آزاد هستند. بنابراین انرژی جنبشی الکترون‌ها به شدت کاهش می‌یابد، که منجر به کاهش انرژی کل سیستم در جامد می‌شود. این مکانیسم منبع پیوند فلزی است. به عبارت بهتر، الکترون‌های آزاد با بار منفی در یک فلز به عنوان چسب عمل نموده که می‌تواند یون‌های دارای بار مثبت را در کنار یکدیگر نگه دارد. پیوند فلزی نسبت به پیوند یونی و کوالانسی ضعیفتر است. برای مثال، دمای ذوب سدیم فلزی به طور تقریبی ۴۰۰ درجه سانتیگراد است که کوچکتر از ۱۱۰۰ درجه سانتیگراد در NaCl و حدود ۴۰۰ درجه سانتیگراد در الماس است. در فلزات واسطه مانند Fe, Ti, Ni و Co، مکانیسم پیوند فلزی پیچیده‌تر است. دلیل این امر آن است که علاوه بر الکترون‌های s که مانند الکترون‌های آزاد رفتار می‌کنند، الکترون‌های 3d هم هستند که بیشتر جایگزین شده‌اند. بنابراین الکترون‌های d تمایل دارند تا پیوندهای کوالانسی را با نزدیکترین همسایه‌ها ایجاد کنند. الکترون‌های d به طور معمول بیشتر از الکترون‌های s همیرید شده هستند که منجر به تصویر پیچیده‌تر این پیوند می‌شود.

### بحث و نتیجه‌گیری

پیوندهای بین اتمی نقش حیاتی در تعیین ویژگی‌ها و رفتار مواد مختلف بازی می‌کنند. نوع پیوندهای موجود در جامدات می‌تواند روی ویژگی‌های فیزیکی و شیمیایی آن‌ها اثر زیادی بگذارد. بنابراین درک ماهیت پیوندهای موجود در جامدات برای پژوهشگران حوزه‌های مختلف بسیار حائز اهمیت است. در این مقاله، انواع پیوندهای بین اتمی موجود در جامدات را مورخ کرده و به مقایسه قدرت انواع مختلف پیوندها پرداخته‌ایم.

### مشارکت نویسنده‌گان

تمامی نویسنده‌گان به طور یکسان در تهییه این مقاله مشارکت داشته‌اند.

### تشکر و قدردانی

مقاله ارسالی حاصل تحقیقات نویسنده‌گان در منابع موجود است. از دانشگاه فرهنگیان جهت حمایت و همکاری در زمینه‌های تحقیقاتی تشکر و قدردانی می‌نماییم.

### تعارض منافع

«هیچ‌گونه تعارض منافع توسط نویسنده‌گان بیان نشده است»

#### COPYRIGHTS



©2021 The author(s). This is an open access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution (CC BY 4.0), which permits unrestricted use, distribution, and reproduction in any medium, as long as the original authors and source are cited. No permission is required from the authors or the publishers.

## منابع

- احمدآبادی، زهرا (۱۳۹۹). بررسی کجفهیمی‌ها در پیوندهای شیمیایی براساس الگوی تفکر چندسطحی جانستون. پژوهش در آموزش شیمی، (۱)، ۴۰-۲۵.
- اصغری لالمی، نسیم؛ امانی، وحید (۱۴۰۰). عوامل مؤثر در کجفهیمی‌های دانش‌آموزان و دانشجویان در زمینه پیوند شیمیایی. پژوهش در آموزش شیمی، (۲)، ۳۶-۱۹.
- عظمت، جعفر؛ خدایی، علیرضا (۱۳۹۸). بررسی کجفهیمی‌های رایج دانش‌آموزان در مفاهیم مرتبط با پیوندهای شیمیایی. پژوهش در آموزش شیمی، ۱ (۴)، ۷۳-۸۹.
- Deringer, V. L., Caro, M. A. (2019). Machine learning interatomic potentials as emerging tools for materials science. *Advanced Materials*, 1902765.
- Gavroglu, K., Simões, A. (2011). Neither physics nor chemistry: A history of quantum chemistry. *MIT Press*.
- Harrison, W. A. (2006). Simple calculation of Madelung constants. *Physical Review B*, 212103.
- Heisenberg, W. (1985). Über quantentheoretische Umdeutung kinematischer und mechanischer Beziehungen. *Springer Berlin Heidelberg*.
- Heitler, W., London, F. (1927). Wechselwirkung neutraler atome und homöopolare Bindung nach der Quantenmechanik. *Zeitschrift für Physik*, 455-472.
- Kittel, C. (2005). Introduction to solid state physics. *John Wiley & sons, inc.*
- Langmuir, I. (1921). Types of valences. *Science*, 59-67.
- Lewis, G. N. (1916). The atom and the molecule. *Journal of the American Chemical Society*, 762-785.
- Pauling, L. (1960). The nature of the chemical bond and the structure of molecules and crystals. Ithaca, *Cornell University Press*.
- Penzel, P., May, M., Hahn, L., Cherif, C. (2022). Tetrahedral Profiled Carbon Roving's for Concrete Reinforcements. *Solid State Phenomena*, 173-182.
- Wu, M., Zhao, Z., Cai, G. (2022). Adsorption behavior and mechanism of benzene, toluene and m-xylene solution onto kaolinite: Experimental and molecular dynamics simulation studies. *Separation and Purification Technology*, 120940.
- Zhao, L., Pan, S., Holzmann, N., Schwerdtfeger, P. (2019). Chemical bonding and bonding models of main-group compounds. *Chemical reviews*, 8781-8845.